# 基于 K-L 变换的红外图像 弱小目标检测与分析\*

### 彭复员 周鑫杰 胡颖嵩

(华中科技大学,电子与信息工程系,湖北,武汉,430074)

摘要 针肉红外图像中的目标对比度低、尺寸小及背景复杂等特点,利用正交变换的去相关特性,提出了一种改进 的 K-L 变换和广义 K-L 变换的红外弱小目标检测与描述方法,从ත实现低信噪比条件下红外弱小目标的检测. 关键词 红外图像,背景分标,目标检测,K-L 变换,广义 K-L 变换.

## DETECTION AND ANALYSIS OF WEAK TARGET WITH INFRARED IMAGE BASED ON K-L TRANSFORM\*

PENG Fu-Yuan ZHOU Xin-Jie Hu Ying-Song (Dept. of Electronic & Information Eng., HUST, Wuhan, Hubei 430074, China)

Abstract In view of the characteristics of the low contrast and small dimension of targets and the complexity of background in infrared image, a method of detecting and describing infrared weak target was presented with improved K-L transform and generalized K-L transform. Thus the infrared weak target can be detected in low signal-to-noise ratio.

Key words infrared image, background analysis, target detection, K-L transform, generalized K-L transform,

#### 引言

红外图像目标的检测困难除因目标背景的对比 度较低、背景复杂、目标被强大的背景噪声所淹没 外,从应用的角度看,由于热成像系统的分辨率有 限,目标在较远的距离呈点源出现在视场中,随着对 目标的接近,才能出现目标的热图像,这要求图像处 理系统具有兼顾点源和扩展源的处理功能、一方面 由于成像系统分辨率的限制及自然环境和大气传输 特性的综合作用,使得人造目标与自然背景在几何 构成上的差别变模糊,另一方面由于环境因素的影 啊,导致人造目标和自然背景在灰度上的差别表现 出不稳定性,图像中无关信息和可变信息相当高,因 此、精确确定目标和自然背景在几何构成上的差别,或 者利用人造目标和自然背景在图像灰度上的差别,或 测人造目标是不现实的,还必须对不规则的自然背景纹理特性进行研究、以突出目标和背景特性,利用 背景分析从中寻找目标<sup>11]</sup>,我们进一步研究了一种 变换域中的背景分析方法,本文实现了目标的检测 和描述、

#### 1 背景辐射分析

目标特性几乎总是与其背景之间的差异密切相 关.因此,弄清背景辐射往往和了解目标辐射特性一 样重要.背景辐射是红外系统必然会接受到的天空, 地面和海洋辐射,是一个很复杂的问题,有时背景在 探测器上形成的辐照度会比目标的高出许多,有时 又会使目标和背景辐射的红外线在波长分布上的差 别不大,同时背景辐射会使探测器灵敏度降低、

影响红外辐射吸收和反射的主要因素是物体的 表面材料和表面粗糙度,从辐射特性来看,气体辐射

<sup>★</sup> 国防科工委预研基金资助项目 稿件收到日期 2000-09-08、修改稿收到日期 2000-12-28

The project supported by the Preliminary Research Foundation of National Defense of China Received 2000-09-08, revised 2000-12-28

和固体辐射不同.在固体中由于原子间的密集结合, 会产生许多与单个谐振子不同的附加振动,因此不 同表面材料和粗糙度的物体的辐射特性存在差异. 当目标离接收机距离很远时,目标可以模拟为具有 恒定辐射强度的点辐射源,这为我们寻找目标与背 景特性上的差异提供了依据,通过了解变化复杂的 背景辐射影响,进一步提高对其抑制的能力.

#### 2 离散 K-L 变换

设 f 为二维随机场中的一幅大小为  $N \ge N$  的 图像,其统计性质可由其均值向量  $m_l$  和协方差矩 阵  $C_l$  来表征. 离散 K-L (Karbunen-Loeve)变换根 据图像统计性质进行正交展开<sup>[2]</sup>,即

$$g = A(f - m_t), \tag{1}$$

其中,A为正交变换矩阵,是由 C<sub>f</sub>的特征向量组成 其各行的矩阵.由 K-L 变换的性质可知:变换域中 g的协方差矩阵 C<sub>x</sub> 是一个对角矩阵,它的主对角线 上的元素是 C<sub>f</sub> 的特征值,即

$$C_{s} = \begin{bmatrix} \lambda_{1} & & 0 \\ & \lambda_{2} & \\ & & \\ 0 & & \lambda_{N} \end{bmatrix}.$$
 (2)

其中,特征值满足 $\lambda \ge \lambda_{+1}$ (*i*=1,2,...,*N*-1),它 的主对角线以外的元素均为零,同时因 $\lambda$  也是*C<sub>i</sub>*的特征值,可见*C<sub>i</sub>*和*C<sub>x</sub>*具有相同的特征值和特征 向量,即变换后的协方差矩阵可由变换前的代替.

由 K-L 变换定义可知,K-L 变换的正交基是由 变换向量组构成,每一组不同的向量都对应不同的 变换基底.除了变换矩阵自然地反映了变换域的特 性外,变换矩阵本身也包含了原图像的信息,这也是 K-L 变换不同于其它正交变换之处.由此可见,该 变换中与特征向量所对应的特征值矩阵当然地反映 了原图像的信息特征.基于以上分析,我们对 K-L 变换进行了改进,以原图像的协方差矩阵的特征值 来直接表征 K-L 变换.因此改进的 K-L 变换大大简 化了计算步骤,克服了传统 K-L 变换算法的复杂性 和由此带来的非实用性.

因协方差矩阵对角线上各阵元反映了变换域中 各分量的方差,因此协方差矩阵提供了元素间相关 性的测度.在此,我们用特征值矩阵的"迹"来表述特 征值,称为简化的 K-L 变换"迹矩阵",即

 $\lambda_1 + \lambda_2 + \dots + \lambda_N = c_{12} + c_{22} + \dots + c_{NN}$  (3)

从宏观上看,式(3)反映了原图像的特征信息在变换 域中的一种新的分布.我们可取前 n 个特征值分量  $(\lambda_1, \ldots, \lambda_n)$ 和第一特征值  $\lambda_1$  共同组成新的特征参 数,该特征参数描述了图像的最大能量分布和形状 特性分布.

#### 3 广义 K-L 变换

在模式分类中,可用多类模式的散布矩阵 Sw 反映模式类别可分性测度,定义为<sup>[3]</sup>

$$S_W = \sum_{i=1}^{n} P(\omega_i) E((x - m_i)(x - m_i)^i), \ x \in \omega_i$$
(4)

它等于各模式的协方差矩阵的先验概率 P(ω)加权 和,其中 c 为类别数(i=1,2,...c).可见,对于同一 类模式样本,类内散布矩阵表示各样本点围绕它们 均值周围的散布情况.

定义广义 K-L 变换,采用模式类内散布矩阵  $S_{W}$  作 K-L 变换<sup>[3]</sup>.由于散布矩阵是从另外一种角 度展示了模式分布的统计特性,因此,广义 K-L 变 换除与 K-L 变换一样起到了减小相关性、突出差异 性的作用外,同时它对保留分类信息是有不同效果 的.

我们将以上概念引入红外图像目标检测中心, 提出一种基于改进的广义 K-L 变换的弱目标检测 方法,并用其变换迹矩阵作为一种新的特征描述.

#### 4 实验及结果分析

目标检测就是找到一种判别准则,用以区别目标特征和其它干扰的背景特征.利用背景分析思想, 对图像进行了分块处理实验,计算每块内 K-L 变换或广义 K-L 变换迹矩阵,再寻找出现峰值的区域, 即可检测出目标,通过这种改进的 K-L 变换和广义 K-L 变换,可获得简化的背景模型,并且即便图像 的平均值空间变化很快,但其协方差空间变换是缓



图 1 红外图像及其检测结果(背景为天空和海浪) Fig. 1 Infrared image and its detection result (background is the sky and ocean wave)



图 2 红外图像及其检测结果(背景为海浪) Fig. 2 Infrared image and its detection result (background is ocean wave)



图 3 图 1 的 K-L 变换结果 Fig. 3 The K-L transform result of Fig. 1



图 4 图 I 的广义 K-L 变换结果 Fig. 4 The generalized K-L transform result of Fig. I



图 5 图 2 的 K-L 变换结果 Fig. 5 The K-L transform result of Fig. 2



慢的,因此算法的适应性好,抗噪性能强.

实验数据选择了两幅有代表性的红外图像;背 景中包含有天空、海浪的图像(图1)和背景为强噪 声干扰下的小目标图像(图2)(此处为方便观察对 原图进行了增强处理).图 3~6分别对应了 K-L 变 换和广义 K-L 变换的实验结果.图中 *I(m,n)*为 K-L 变换计算结果.Sy(n)为图像垂直方向长度.Sx (m)为图像水平方向长度.

可明显看出,有目标区域的迹矩阵值远大于其 它区域,特别是广义 K-L 变换的迹矩阵更显著,这 也是由散布矩阵的特性所决定的.图6还说明它对 极小目标非常敏感,因此广义 K-L 变换具有对背景 更强的抑制作用.由图 3 可见,不同背景的 K-L 变 换迹矩阵存在明显差异,可用其区分背景特征.本文 提出的方法可有效地将不同噪声背景下的目标检测 出来,且不受图像对比度、目标灰度、目标大小的影 响,自适应性能好,算法简单,通用性好,能更好地实 现低信噪比条件下红外弱小目标的自动检测.

#### REFERENCES

- [1]PENG Fu-Yuan, ZHOU Xin-Jie. A multiple correlation analysis based on high speed detection research for infrared weak target. J. Infrared Millim. Waves (彭复 员,周鑫杰. 基于多重相关分析的红外弱小目标快速检 测研究. 红外与毫米波学报).2000.9(6):454
- [2] ZHANG Yu-Jin. Image Processing and Analysis. Beijing: The Publishing House of Tsinhua University (章 統晋.图像处理和分析.北京:清华大学出版社),1999
- [3]CAI Yuan-Long. Pattern Recognition. Xi'an: The Publishing House of Xi'an Electronic Science and Technology University (蔡元龙. 模式识别.西安:西安电子科技 大学出版社).1990