文章编号:1001-9014(2019)01-0091-06

DOI: 10. 11972/j. issn. 1001 – 9014. 2019. 01. 015

Bernal – Stacked 双层石墨烯 1.06 µm 谐振增强型光电探测器设计方法

牛海莎¹, 祝连庆^{1*}, 刘凯铭² (1. 北京信息科技大学 仪器科学与光点工程学院,北京 100192; 2. 北京航空航天大学 仪器科学与光点工程学院,北京 100191)

摘要:石墨烯对光的吸收率较低,通过与光学谐振腔结合限制光场,可有效提高石墨烯探测器件对入射光的吸收. 以电磁场传输理论为基础,推导了双层石墨烯光学谐振腔中的光场分布,建立了谐振增强型光电探测器传输矩阵 数理模型,对 Bernal-Stacked 双层石墨烯的谐振增强型光电探测器结构参数进行数值计算,并对探测器性能进行分 析.结果表明,设计的探测波长为 1.06 μm 谐振增强结构光电探测器,双层石墨烯的光吸收率达到 96.78%,大幅提 升了对微弱光信号的探测能力.

关 键 词: 探测器; 双层石墨烯; 谐振增强; 电磁场传输理论 中图分类号: O43 文献标识码: J

Design method of Bernal-Stacked bilayer graphene 1.06 μm resonance-enhanced photodetector

NIU Hai-Sha¹, ZHU Lian-Qing^{1*}, LIU Kai-Ming²

(1. Institute of instrument science and photoelectric engineering,

Beijing Information Science and Technology University, Beijing 100192, China;

2. Institute of instrument science and photoelectric engineering , Beihang University , Beijing 100191 , China)

Abstract: Graphene has a low absorption rate of light. By combining with an optical resonant cavity to restrict the light field , the absorption rate of the graphene detector element can be effectively improved. Based on the theory of electromagnetic field transmission , the optical field distribution in the bilayer graphene optical resonator is deduced , a mathematical model for the transmission matrix of the resonant enhanced photodetector is established , and a resonant enhanced photodetector for the Bernal-Stacked bilayer graphene is established. The structural parameters are numerically calculated and the detector performance is analyzed. The results show that , the optical absorption rate of bilayer graphene reaches up to 96.78% for a 1.06 μ m wavelength resonant enhanced photodetector , which greatly improves the detection ability of weak optical signals.

Key words: photodetector , bilayer graphene , resonance enhancement , electromagnetic field transmission theory

PACS: 85.60. Gz , 81.05. ue , 85.60. -q

引言

自从 2010 年 Geim K 和 Novoselov S 获得诺贝

尔物理学奖表彰他们发现单层石墨烯^[1]及其场效 应特性后,以石墨烯为代表的二维材料已成为电子 学、光电学、材料学以及学科交叉领域的研究热点.

收稿日期: 2018-04-11,修回日期: 2018-05-12 **Received date**: 2018-04-11 **revised date**: 2018-05-12 基金项目:教育部"长江学者与创新团队发展计划"项目资助(IRT_16R07)

Foundation items: Project supported by Program for Changjiang Scholars and innovative Research Team in University(Grant No. IRT_16R07) 作者简介(Biography):牛海莎(1984),女 河北石家庄人,博士后,北京信息科技大学讲师 2008 年于武汉大学获得工学学士学位 2017 年于 北京航空航天大学获工学博士学位,主要从事激光器自混合干涉效应的精密测量、光学器件设计研究工作. E-mail: niuhs@ buaa. edu. cn * 通讯作者(Corresponding author): E-mail: zhulianqing@ sina. com

石墨烯具有零带隙结构,已被发现具有超强导电性、 高载流子迁移率、超宽光谱响应、光吸收饱和等性 质^[2].目前超级电容器^[3]、太阳能电池^[4]、铝铁电 池^[5]、光电晶体管和液晶器件^[6]等领域已经开始试 商用石墨烯材料.在光电探测领域,石墨烯作为吸收 层参与到光电探测器的研制与开发中,对于解决现 有器件探测效率不足、微型化限制、超快响应等问 题,具有显著的优势.

石墨烯对光的吸收率与传统半导体材料相比较 低 如单层的石墨烯吸收率仅为 2.3% 造成石墨烯 光电探测器的量子效率低等问题.为此 研究人员提 出多种优化方法加以改进. 2010 年, Muller 等^[7]提 出构建非对称指叉电极型石墨烯光电探测器 将响 应度从 0.5 mA/W 提高到 1.5 mA/W; 2012 年, Echtermeyer 等人^[8]提出将石墨烯与等离子体结合, 入射光被转化为等离子体振荡,从而在石墨烯的 P-N 结区域中产生电场的增强,将光电探测器的效率 提高 20 倍; 2013 年, Wang 等人^[9] 提出将石墨烯集 成到硅光波导上,利用波导吸收平行于石墨烯片的 倏逝光 在 1.5 V 偏压下可以达到 130 mA/W 的响 应度. 从结构设计上提升石墨烯光吸收率的方案中, 谐振腔增强型结构可有效提高石墨烯材料的吸收 率 提高光电探测器的响应度 同时拥有良好的波长 选择性,可实现了量子效率和响应速度的解耦,在面 向光子计算、通信传感领域的波分复用系统(WDM) 中具有很大潜力. 2012 年 ,Engel 等人^[10] 首次利用 微腔结构 将单层石墨烯嵌入用 Si_3N_4 和 Al_2O_3 做的 薄膜中,用Ag和Au作为反射镜,可以得到20倍的 光电流增强;同年,Furchi等人^[11]利用布拉格反射 镜(DBR)结构代替 Ag、Au 反射镜,并在腔中加入一 层 Si₃N₄ 缓冲层作为石墨烯吸收层载体 ,最终器件 达到了 21 mA/W 响应度和 60% 以上的吸收率.

Bernal-Stacked 双层石墨烯(Bilayer Graphene, BLG)与单层石墨烯相比,不容易受到制备和运输过 程中产生的结构缺陷影响^[12],而采用谐振腔增强型 的结构可有效提高双层石墨烯的吸收率,提高石墨 烯光电探测器的量子效率和响应度等性能.Liberato 等人^[13]从理论上研究了双层石墨烯与微腔耦合的 物理性质,但是,将双层石墨烯与光学器件结合的研 究至今未见报道.

提出一种 Bernal-Stacked 双层石墨烯谐振增强 型光电探测器的设计方法. 以 Bernal-Stacked 双层石 墨烯的结构及电磁场传输特性为基础,采用传输矩 阵法.得到光电探测器内部光场分布的传输矩阵; 以 1.06 μm 波长的光为例,采用 TiO₂ SiO₂ 作为布拉格 反射镜的材料,对双层石墨烯谐振腔型光电探测器 的吸收率与腔长的关系和对入射光波长的选择作用 进行分析,得到在顶/底镜对数分别为 3 和 8 的时 候,可以使光电探测器的光吸收率达到 96.78%.

1 双层石墨烯的光吸收特性

通过理论推导双层石墨烯两侧电磁场分布,对 双层石墨烯对光的吸收特性进行理论分析.利用边 界条件 将谐振腔内的双层石墨烯两侧的电磁场用 传输矩阵来表征,并对传输矩阵进行求解,得到双层 石墨烯的吸收率进行数值模拟研究.Bernal-Stacked 双层石墨烯谐振腔内的光传输示意图如图1所示.



图 1 双层石墨烯光传输示意图 Fig. 1 Schematic of light transmission in bilayer graphene

 $E_{i(o)}$ 为石墨烯两侧的电场 $H_{i(o)}$ 为石墨烯两侧的磁场 ,可分别表示为^[14]:

$$E_{i} = (E_{i}^{+}e^{ik_{i}z^{z}} + E_{i}^{-}e^{-ik_{i}z^{z}})e_{x}$$

$$E_{o} = (E_{o}^{+}e^{ik_{i}z^{z}} + E_{o}^{-}e^{-ik_{i}z^{z}})e_{x}$$

$$H_{i} = \frac{k_{ix}}{\omega\mu_{0}}(E_{i}^{+}e^{ik_{i}z^{z}} + E_{i}^{-}e^{-ik_{i}z^{z}})e_{y} , (1)$$

$$H_{o} = \frac{k_{ix}}{\omega\mu_{0}}(E_{o}^{+}e^{ik_{i}z^{z}} + E_{o}^{-}e^{-ik_{i}z^{z}})e_{y}$$

其中 μ₀ 表示真空磁导率 μ 表示波数. 电磁场边界 条件:

$$n \times (E_i - E_o) = 0$$

$$n \times (H_i - H_o) = \sigma E_o$$
(2)

电导率 $\sigma = \pi e^2 / h$ 为双层石墨烯电导率 e 和 h分别为电子常量和普朗克常数. 将公式(1) 代入式 (2) 中可以得出:

$$E_{i}^{+} + E_{i}^{-} = E_{o}^{+} + E_{o}^{-}$$

$$k_{iz}(E_{i}^{+} + E_{i}^{-}) = (k_{oz} + \omega\mu_{0}\sigma)E_{o}^{+} - (k_{oz} - \omega\mu_{0}\sigma)$$
. (3)

转换到实际结构当中,利用 $k_{i(o) z} = n_{i(o) z} k_0$,将 公式(3) 化成:

$$\begin{pmatrix} E_{i}^{+} \\ \overline{E_{i}^{-}} \end{pmatrix} = \frac{1}{2n_{i}} \begin{pmatrix} n_{i} + n_{o} + Z_{0}\sigma & n_{i} - n_{o} + Z_{0}\sigma \\ n_{i} - n_{o} - Z_{0}\sigma & n_{i} + n_{o} - Z_{0}\sigma \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} E_{o}^{+} \\ \overline{E_{o}^{-}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} M_{11} & M_{12} \\ M_{21} & M_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} E_{o}^{+} \\ \overline{E_{o}^{-}} \end{pmatrix}$$

$$(4)$$

1 間

则双层石墨烯传输矩阵 M_g 的表达式为:

$$M_{g} = \begin{pmatrix} M_{11} & M_{12} \\ M_{21} & M_{22} \end{pmatrix}$$
$$= \frac{1}{2n_{i}} \begin{pmatrix} n_{i} + n_{o} + Z_{0}\sigma & n_{i} - n_{o} + Z_{0}\sigma \\ n_{i} - n_{o} - Z_{0}\sigma & n_{i} + n_{o} - Z_{0}\sigma \end{pmatrix} , \quad (5)$$

其中真空阻抗 $z_0 = \sqrt{\mu_0 / \varepsilon_0} n_{1/2}$ 为双层石墨烯与顶 (底) 镜间的材料折射率.

当双层石墨烯处于谐振腔中时的传输矩阵如图 2 所示. 其 $M_1(x)$ 和 $M_2(L-x)$ 分别表示光在上层 介质和下层介质中的传输矩阵. 顶、底镜传输矩阵传 输 矩 阵 M_t 和 M_b 的 方 程 分 别 为 $\frac{1}{1-R_t}$ $\begin{pmatrix} -1 & -\sqrt{R_t} \\ \sqrt{R_t} & 1 \end{pmatrix}$ 和 $\frac{1}{1-R_b} \begin{pmatrix} -1 & -\sqrt{R_b} \\ \sqrt{R_b} & 1 \end{pmatrix}$,其中 R_t

和 R_{b} 分别表示顶镜和底镜的反射率; 双层石墨烯的 传输矩阵方程为 M_{g} ; $M_{I}(x)$ 和 $M_{2(Lx)}$ 分别为光在上 缓冲介质层和下缓冲介质层的传输矩阵; 综上得到 双层石墨烯谐振增强型光电探测器的传输矩阵 M的方程为:

$$M = M_{t}M_{1}(x) M_{g}M_{2}(L-x) M_{b}$$

$$= \begin{pmatrix} M_{11} & M_{12} \\ M_{21} & M_{22} \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{2n_{1} - \sqrt{1 - R_{t}}} \begin{pmatrix} -1 & -\sqrt{R_{t}} \\ \sqrt{R_{t}} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} e^{-ik_{1}x} & 0 \\ 0 & e^{ik_{1}x} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} n_{1} + n_{2} + Z_{0}\sigma & n_{1} - n_{2} + Z_{0}\sigma \\ n_{1} - n_{2} - Z_{0}\sigma & n_{1} + n_{2} - Z_{0}\sigma \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} e^{-ik_{2}(L-x)} & 0 \\ 0 & e^{ik_{2}(L-x)} \end{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{1 - R_{b}}} \begin{pmatrix} -1 & -\sqrt{R_{b}} \\ \sqrt{R_{b}} & 1 \end{pmatrix}$$
, (6)

其中 $k_1 = \frac{2n_1\pi}{\lambda}$ 和 $k_2 = \frac{2n_1\pi}{\lambda}$ 分别为双层石墨烯两侧 介质层的波数. 进一步可以求得双层石墨烯在谐振 腔内的反射率为 R_x 透射率为 T ,分别为:

$$R = |M_{21}/M_{11}|^2 \quad T = |1/M_{11}|^2 \quad . \quad (7)$$

时此 双层石黑烧熊振防增强刑光电探测器的

因此,双层石墨烯谐振腔增强型光电探测器的 吸收率 A 可表示为:

$$A = 1 - R - T (8)$$



图 2 谐振腔内光传输矩阵示意图 Fig. 2 Schematic transfer matrix of an optical cavity

2 石墨烯光电探测器模型的建立

2.1 分布式布拉格反射镜材料及设计

常见的反射膜一般为金属反射膜或介质反射 膜,但金属反射膜会在部分波段对光产生吸收,且反 射率不易控制,不适宜作为顶反射镜材料;另一方面 微谐振腔设计中底反射镜反射率需要达到99%以 上的高反射率,故选取介质反射膜的分布式布拉格 反射镜(DBR)结构,谐振腔增强型光电探测器的基 本结构图如图3所示.



图 3 谐振腔增强型光电探测器结构示意图 Fig. 3 The Structure diagram of a resonant cavity enhanced photodetector

量子效率是光电探测器的重要指标,量子效率 越高说明光电探测器的性能越好.谐振腔石墨烯光 电探测器的量子效率表达为^[15]:

$$\eta = \frac{(1 + R_b e^{-ad}) (1 - R_t) (1 - e^{-ad})}{1 - 2 \sqrt{R_t R_b} e^{-ad} \cos(2\beta L + \phi_t + \phi_b) + R_t R_b e^{-ad}}, \quad (9)$$

其中 $R_t R_b$ 为前文提到的顶镜和底镜反射率; α 为 双层石墨烯对于 1.06 μ m 光吸收率; d 和 L 分别是 双层石墨烯厚度和谐振腔腔长; Φ_t 和 Φ_b 分别表示 光在顶镜和底镜反射时产生的相移. 2*BL* + Φ_b + Φ_b 表示光电探测器中整体产生的相移. 根据式(9),可得光电探测器量子效率与顶镜 底镜反射率的关系,如图4所示.指示箭头表明随着 底镜反射率的提高,器件量子效率与峰值不断提高.



图 4 探测器量子效率与顶反射镜反射率的关系 Fig. 4 The relationship between quantum efficiency and top reflector reflectivity

从公式(9) 及图 4 探测器量子效率分析得到, 从单纯数据角度底镜的反射率 R_i ,越高越好,而顶反 射镜的反射率 R_i 存在最优值.当顶镜达到很高的反 射率后,入射光波将被大部分反射,从而难以进入腔 内与双层石墨烯吸收层相作用,使得器件整体性能 快速下降.对于顶、底反射镜膜系的设计参考标准有 两点:中心波长 λ_0 处的反射率以及反射谱宽度 $\Delta\lambda$. 顶、底反射镜镀一般会选用如 Ta₂O₅/SiO₂^[16]、 Si₃N₄/SiO₂、TiO₂/SiO₂ 等两种折射率相差较大的材 料周期性交替组合而成的四分之一波长堆栈,这样 可使所生长的半导体薄膜层数减少.

2.2 谐振增强型双层石墨烯探测器优化结构

选取折射率相差较大的 TiO₂^[17]、SiO₂^[18] 组合, 考虑顶镜和底镜的反射率 *R_i*,*R_b*,用传输矩阵法计 算得到它们在不同对数时候反射率的值. 图 5 表示 了不同对数的 TiO₂/SiO₂ 对作为顶镜和底镜的反 射率.

在顶底反射镜设计上通过遍历的方式找到最佳 对数搭配,计算结果如图 6 所示.顶部反射镜 TiO₂/ SiO₂ 层对数存在最优解 3 对;底部反射镜 TiO₂/SiO₂ 层对数对应的探测器吸收率峰值随对数增加而增 加,当底镜对数大于 7 时,吸收率超过 94%,且在此 之后吸收率峰值随对数增加而增加的程度大幅减 少.平衡工艺复杂度,选择 8 对的 TiO₂/SiO₂ 构成底 部反射镜.

从图 6 可以发现,探测器吸收率与图 4 所示的 量子效率曲线有着一致的变化规律.包围双层石墨



图 5 TiO_2/SiO_2 对数与反射率的关系

Fig. 5 The relationship between ${\rm TiO}_2/{\rm SiO}_2$ pairs and reflectivity



图 6 顶/底反射镜对数与探测器吸收率变化关系 Fig. 6 The relationship between the pairs of the top/bottom mirror and the absorption rate of the photodetector

烯的介质材料为 $Al_2O_3^{[19]}$,即令 $n = n_1 = n_2$,基底为 Si 基底. 双层石墨烯微谐振腔光电探测器模型如图 7 所示.

3 计算结果与分析

针对以上提出的顶底镜模型优化结构,进一步 分析双层石墨烯谐振增强型光电探测器性能与腔长 之间的关系.在入射波长 λ_i = 1.06 µm、顶/底为3/8 对配合下,AL₂O₃ 介质腔腔长 $L = \lambda_i/2n$ = 318.2 nm、 双层石墨烯位置为x = L/2 = 159.1 nm 时,可取得最 高96.78%的器件吸收率.为获得腔长L 对双层石 墨烯吸收的影响,对L从0 至两倍等效波长 $2\lambda_i/n$ 进行遍历,并取等效腔长的倍数作为横坐标,得到如 图8(a) 所示的腔长与探测器吸收率变化关系.可以 看到在等效0.5 倍波长和1.5 倍波长腔条件下,探 测器吸收率均达到最大值96.78%,即腔长L在谐 振位置处的变化对吸收率最大值没有影响,且当腔



图 7 双层石墨烯微谐振腔光电探测器模型 Fig. 7 Schematic drawing of a bilayer graphene-based integrated microcavity photodetector

长为半波长整数倍时,应表现有吸收增强效应.但从 图 8(a)中只看到半波长和1.5 倍波长时的吸收峰, 缺少一倍波长处的吸收峰.在本文的默认条件 x =0.5 L 下,双层石墨烯吸收层始终位于 AL₂O₃ 腔的 中心位置,则会出现一倍波长腔 $Ln/\lambda_i = 1$ 时,双层 石墨烯位置正处于腔内谐振波节时的吸收峰消失现 象.如图 8(b)所示,在波长 1.06 μ m 处,红色曲线表 示双层石墨烯谐振增强型探测器峰值吸收率为 96.78%,比蓝色虚线表示的单层石墨烯吸收率提高 了 42 倍.

通过以上分析,谐振腔长及顶镜对数变化所引 起的石墨烯光电探测器吸收性能波动明显,这意味 着器件设计与加工制程中需在精度分配上有所取 舍.对不同等效波长的探测器吸收率输出光谱,选取 了图 8(a)所示 0.5 和 1.5 倍波长位置进行计算,得 到等效半波长腔长下的探测器全半高宽为 11.22 nm ,等效 1.5 倍波长腔长下的探测器全半高宽为 6.66 nm.可见提高腔长虽对吸收峰无影响,但可进 一步收窄吸收光谱宽度,增强吸收滤波效果.

4 结论

以 Bernal-Stacked 双层石墨烯吸收率理论为基础,建立了双层石墨烯的电导率模型 根据微腔中双 层石墨烯电磁场响应及边界条件,得到双层石墨烯 在存在上下介质层下的传输矩阵方程,建立谐振增 强型双层石墨烯光电探测器的传输矩阵模型.结论 表明,该结构可以在1.06 μm 波段处得到了42 倍于 传统单层石墨烯吸收率的谐振增强效果.该设计方



图 8 谐振增强型双层石墨烯探测器性能分析(a) 腔 长与谐振增强型双层石墨烯探测器吸收率关系;(b) 谐振增强型双层石墨烯探测器吸收率($L = \lambda_i/2n_1$)及 无谐振增强下单层石墨烯吸收率光谱图

Fig. 8 Performance of the bilayer graphene-based integrated microcavity photodetector (a) Absorbance of the detector as a function of cavity length (b) Absorbance spectra of BLG in proposed cavity and free standing graphene

法可普遍适用于二维材料光电探测器的设计,且该 谐振增强结构可实现良好的波长选择性,结合两者 优势可在微弱光检测、超快光处理等领域产生深远 影响.

References

- [1] Novoselov K S, Geim A K, Morozov S, et al. Electric field effect in atomically thin carbon films [J]. Science, 2004, 5696(306): 666-669.
- [2] Novoselov K S , Fal Ko V I , Colombo L , et al. A roadmap for graphene [J]. Nature , 2012 , 490(7419): 192.
- [3]Yoo J J , Balakrishnan K , Huang J , et al. Ultrathin Planar Graphene Supercapacitors [J]. Nano Letters , 2011 , 11 (4):1423-7.
- [4]Zhang L, Ding Z C, Tong T, et al. Tuning the work functions of graphene quantum dot-modified electrodes for polymer solar cell applications. [J]. Nanoscale, 2017, 9(10): 3524.
- [5] Jung S C , Kang Y J , Yoo D J , et al. Flexible Few-Layered Graphene for the Ultrafast Rechargeable Aluminum-Ion Bat-

tery [J]. Journal of Physical Chemistry C, 2016, 120 (25).

- [6] Zhou Peng, Wei Hong-Qiang, SUN Hai-Tao, et al. High-k gate oxides integration of graphene based infrared detector [J]. J. Infrared Millim. Waves, (周鹏,魏红强,孙清清,等. 石墨烯基红外探测器的高 k 栅氧集成. 红外与毫米 波学报) 2012 31(2):118-121.
- [7] Mueller T , Xia F , Avouris P. Graphene photodetectors for high-speed optical communications [J]. Nature Photonics , 2010 , 4(5): 297-301.
- [8] Echtermeyer T J, Britnell L, Jasnos P K, et al. Strong plasmonic enhancement of photovoltage in graphene. [J]. *Nature Communications*, 2011, 2(1):458.
- [9] Wang X, Cheng Z, Xu K, et al. High-responsivity graphene/silicon-heterostructure waveguide photodetectors [J]. Nature Photonics, 2013, 7(11): 888-891.
- [10]Engel M, Steiner M, Lombardo A, et al. Light matter interaction in a microcavity-controlled graphene transistor [J]. Nature Communications, 2012, 3(2):906.
- [11] Furchi M , Urich A , Pospischil A , et al. Microcavity-integrated graphene photodetector [J]. Nano Lett , 2012 , 12 (6): 2773-2777.
- [12]Zeng L , Xie C , Tao L , et al. Bilayer graphene based surface passivation enhanced nano structured self-powered near-infrared photodetector [J]. Optics Express , 2015 , 23 (4):4839-46.
- [13] Liberato S D. Perspectives for gapped bilayer graphene polaritonics [J]. Physics , 2015, 92.

- [14] LI Jia- Bin, LIU Hong- Xia, WU Lei. The photoelectric property of graphene modified by boron and nitrogen atoms from density functional theory calculation [J]. J. Infrared Millim. Waves (李佳斌,刘红侠,吴磊.第一性原理计算 硼和氮原子对石墨烯光电性能的调制. 红外与毫米波 学报) 2018 37(1):25-29.
- [15]Xu Shicai, Studies of Graphene on Preparation, Characterization, Optoelectronic Properties and Applications [D], Shandong Normal University,(许士才.石墨烯的制备、 表征及光电性质应用研究.山东师范大学),2014.
- [16] Vincenti M A, De C D, Grande M, et al. Nonlinear control of absorption in one-dimensional photonic crystal with graphene-based defect. [J]. Optics Letters, 2013, 38 (18):3550.
- [17]T. Siefke, S. Kroker, K. Pfeiffer, et al. Materials pushing the application limits of wire grid polarizers further into the deep ultraviolet spectral range, Adv. Opt. Mater. 2016 4: 1780-1786.
- [18]L. Gao, F. Lemarchand, M. Lequime. Refractive index determination of SiO₂ layer in the UV/Vis/NIR range: spectrophotometric reverse engineering on single and bilayer designs, J. Europ. Opt. Soc. Rap. Public. 2013, 8:13010.
- [19] R. Boidin , T. Halenkovi c , V. Nazabal , et al. Pulsed laser deposited alumina thin films , Ceramics International. 2016 42: 1177–1182.

*** ***

(上接第67页)

- [7] Xu, Jiangtao, et al. "A Global Shutter High Speed TDI CMOS Image Sensor With Pipelined Charge Transfer Pixel." IEEE Sensors Journal 18.7 (2018): 2729–2736.
- [8]G Lepage, J Bogaerts, and G Meynants, "Time-Delay-Integration Architectures in CMOS Image Sensors," *IEEE Transactions on Electron Devices*, vol. 56, pp. 2524-2533, 2009.
- [9] Kawai N , Kawahito S. Noise analysis of high-gain , lownoise column readout circuits for CMOS image sensors [J]. IEEE Transactions on Electron Devices , 2004 , 51 (2): 185-194.
- [10]Yu, Hang, et al. "An 8-stage time delay integration CMOS image sensor with on-chip polarization pixels." Circuits

and Systems (ISCAS) , 2015 IEEE International Symposium on. IEEE , 2015.

- [11]Yu, Hang, et al. "An Antivibration Time-Delay Integration CMOS Image Sensor With Online Deblurring Algorithm." IEEE Trans. Circuits Syst. Video Techn. 26. 8 (2016): 1544-1554.
- [12]Yin, Chin, et al. "A 32-stage 15-b digital time-delay integration linear CMOS image sensor with data prediction switching technique." IEEE Transactions on Electron Devices 64.3 (2017): 1167-1173.
- [13] Nie, Kaiming, Jiangtao Xu, and Zhiyuan Gao. "A 128stage CMOS TDI image sensor with on-chip digital accumulator." IEEE Sensors Journal 16.5 (2016): 1319–1324.